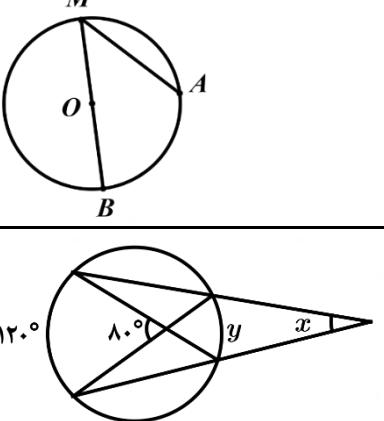
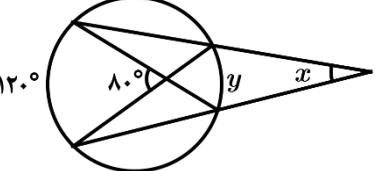


سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرد ۱۴۰۴			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
ردیف	سوالات (پاسخ برگ دارد)	نمره	

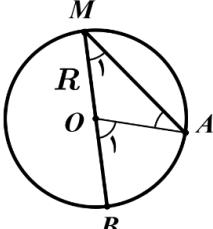
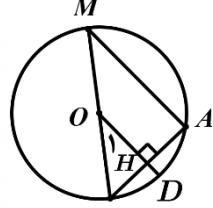
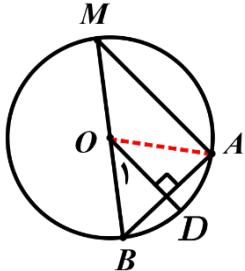
۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را تعیین کنید.  الف) در هر دایره، طول یک کمان، برابر با اندازه زاویه مرکزی مقابل به آن کمان است. ب) دو دایره به طول شعاع‌های ۳ و ۵ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین ۲ سانتی‌متر، مماس بروند هستند. ج) تبدیل انتقال، جهت شکل را حفظ می‌کند. د) تبدیل بازتاب نسبت به خط، بی‌شمار نقطه ثابت دارد.	۱
۱	در هر قسمت، پاسخ مناسب را بنویسید.  الف) فاصله مرکز دایره‌ای از یک خط، کمتر از شعاع آن دایره است. این خط و دایره ..... نقطه اشتراک دارند. (یک ، دو) ب) در هر مثلث، نقطه همسری نیمسازها، مرکز دایره ..... مثلث است. (محیطی ، محاطی) ج) شبی خط ، همواره حفظ می‌شود. (انتقال ، دوران) د) دورانی به مرکز $O$ و زاویه $60^\circ$ ..... ، تبدیلی همانی است. ( $180^\circ$ ، $360^\circ$ )	۲
۱,۲ ۵	در شکل زیر $O$ مرکز دایره است. ثابت کنید: اندازه زاویه محاطی $\hat{M}$ ، برابر با نصف اندازه کمان مقابل به آن زاویه است.  	۳
۱	با توجه به شکل، مقدار $x$ را محاسبه کنید.  	۴
۱,۲ ۵	از نقطه $P$ خارج دایره، مماس $PT$ و خط قاطعی نسبت به دایره رسم قطع می‌کند. ثابت کنید:  $PT^2 = PA \times PB$	۵
۱,۵	دو دایره متاخرج داریم که طول مماس مشترک داخلی و خارجی آنها به ترتیب برابر $10$ و $24$ سانتی‌متر و طول خط‌المرکزین آن‌ها مساوی $26$ سانتی‌متر است. طول شعاع‌های دو دایره را به دست آورید.	۶
۱	مثلثی به طول اضلاع $a$ ، $b$ و $c$ با شعاع دایره محاطی داخلی به اندازه $r$ و سه ارتفاع به طول‌های $h_a$ ، $h_b$ و $h_c$ را در نظر بگیرید. نشان دهید:  $\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r}$	۷

تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	رشته: ریاضی و فیزیک	پایه: یازدهم	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی			دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، ایثارگران، داوطلبان آزاد و مقاومان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
نمره	سوالات (پاسخ برگ دارد)		ردیف

۱	در چهارضلعی محیطی زیر ثابت کنید؛ مجموع اندازه‌های دو ضلع مقابل، برابر با مجموع اندازه‌های دو ضلع دیگر است. 	۸
۰,۵	مطابق شکل، نقطه $M$ روی خط $d$ چنان درنظر می‌گیریم که $\hat{M}$ را به دست آورید. 	۹
۱	مطابق شکل زیر، نقطه $O$ روی پاره خط $AB$ است. ثابت کنید؛ تحت دورانی به مرکز $O$ و هر زاویه حاده $a$ ، اندازه پاره خط $AB$ با تصویر آن با هم برابرند. 	۱۰
۱	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون تغییر طول ضلع‌ها، مساحت شکل را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را به دست آورید. 	۱۱
۱,۲	ثابت کنید، در هر تبدیل طولپا، تبدیل یافتهٔ یک زاویه، زاویه‌ای هماندازه آن است.	۱۲
۱,۲	محل برخورد قطرهای مستطیلی را $O$ می‌نامیم. در تجانسی به مرکز $O$ و نسبت $\frac{2}{3}$ ، مساحت بین آن مستطیل و تصویرش برابر $10$ است. مساحت مستطیل اولیه را محاسبه کنید.	۱۳
۱,۵	در مثلث $\triangle ABC$ با شعاع دایره محیطی $R$ می‌دانیم؛ $\hat{A} = 10^\circ$ و $\hat{B} = 135^\circ$ . اندازه زاویه $R$ و طول ضلع $AC$ را حساب کنید.	۱۴
۰,۷۵	در مثلث $\triangle ABC$ با فرض $\hat{A} > 90^\circ$ و $AB = c$ ، $AC = b$ و $BC = a$ ، ثابت کنید؛ اگر و تنها اگر $a^2 + b^2 < c^2$ باشد.	۱۵
۱	مثلثی به طول اضلاع $6$ ، $10$ و $14$ را درنظر بگیرید. الف) با استفاده از قضیه کسینوس‌ها، اندازه زاویه مقابل به بزرگترین ضلع مثلث را محاسبه کنید.	۱۶
۱,۲	ب) به کمک دستور هرون، طول ارتفاع وارد بر کوچک‌ترین ضلع مثلث را به دست آورید.	
۱,۵	در مثلث $\triangle ABC$ داریم؛ $\hat{A} = 5^\circ$ ، $BC = 12$ و $AC = 15$ . طول نیمساز زاویه داخلی $A$ را محاسبه کنید.	۱۷

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی	پایه: یازدهم
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... .....	به وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
------	--------------------	------

۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	۱
۱	بارم هر قسمت (۰/۲۵)	۲
۱.۲۵	<p><b>روش اول:</b> مرکز دایره را به نقطه <math>A</math> وصل می‌کنیم.</p> <p></p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> $OM = OA = R \Rightarrow \hat{M} = \hat{A} \quad (1) \quad (۰/۲۵)$ $\hat{O} = \hat{M} + \hat{A} \quad (2) \quad (۰/۲۵)$ $(1), (2) \Rightarrow \hat{O} = 2\hat{M} \Rightarrow \hat{BA} = 2\hat{M} \Rightarrow \hat{M} = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (۰/۲۵)$	
۳	<p><b>روش دوم:</b> وتر <math>AB</math> و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه</p> <p></p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> $OH \perp AB \Rightarrow BH = AH, \quad \hat{BD} = \hat{DA}$ $\frac{BO}{BM} = \frac{BH}{BA} = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$ $\hat{B} = \hat{B} \quad (۰/۲۵)$ $\hat{O} \sim \hat{MAB} \Rightarrow \hat{M} = \hat{O} = \hat{BD} = \frac{\hat{AB}}{2} \quad (۰/۲۵)$	
	<p><b>روش سوم:</b> وتر <math>AB</math> و شعاع عمود بر آن را رسم می‌کنیم. درنتیجه</p> <p></p> <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> $OD \perp AB \Rightarrow \hat{BD} = \hat{DA} \Rightarrow \hat{O} = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (1) \quad (۰/۲۵)$ <p>از طرفی چون در مثلث <math>AMB</math> میانه <math>MA</math> وارد بر یک ضلع، نصف آن ضلع است، لذا مثلث <math>AMB</math> قائم الزاویه است. (۰/۲۵) پس</p> $\hat{MA} \perp AB \quad (۰/۲۵)$ $\hat{OD} \perp AB \quad (۰/۲۵)$ $\Rightarrow MA \parallel OD \Rightarrow \hat{M} = \hat{O} \xrightarrow{(1)} \hat{M} = \frac{\hat{BA}}{2} \quad (۰/۲۵)$	

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	راهنمای نمره‌گذاری		

نمره	راهنمای نمره‌گذاری	ردیف
------	--------------------	------

#### روش چهارم:

از نقطه  $M$  خطی بر دایره، مماس می‌کنیم. همچنین، از نقطه  $O$  به وتر  $AM$  عمود می‌کنیم و امتداد می‌دهیم تا خط مماس را در نقطه  $C$  قطع کند. درنتیجه

رسم شکل (۰/۲۵)

$$OH \perp AM \Rightarrow O_1 = \frac{\widehat{AM}}{2}$$

(۰/۲۵)

$$O_1 + M_1 = M_2 + M_1 = 90^\circ \Rightarrow M_2 = O_1$$

(۰/۲۵)

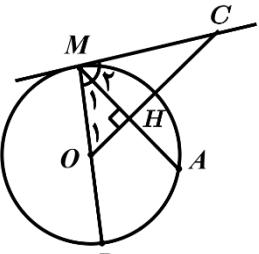
$$M_1 + M_2 = 90^\circ = \frac{180^\circ}{2} = \frac{\widehat{BA} + \widehat{AM}}{2}$$

(۰/۲۵)

$$\Rightarrow M_1 + \frac{\widehat{AM}}{2} = \frac{\widehat{BA} + \widehat{AM}}{2} \Rightarrow M_1 = \frac{\widehat{BA}}{2}$$

(۰/۲۵)

قضیه صفحه ۱۴



$$\frac{120^\circ + y}{2} = 80^\circ, \quad \frac{120^\circ - y}{2} = x \Rightarrow y = 40^\circ, \quad x = 40^\circ$$

روش اول:

روش دوم: با استفاده از ویژگی‌های زوایه محاطی و زوایه خارجی داریم:

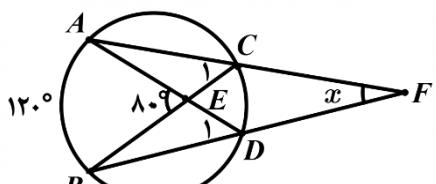
(۰/۲۵)

$$80^\circ = \hat{C}_1 + \hat{A} = \frac{120^\circ}{2} + \hat{A} \Rightarrow \hat{A} = 20^\circ \quad (*)$$

(۰/۲۵)

$$\begin{aligned} \hat{D}_1 &= \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ \\ \hat{D}_1 &= \hat{A} + x \stackrel{(*)}{=} 20^\circ + x \end{aligned} \Rightarrow x = 40^\circ$$

۴



$$\begin{aligned} z &= 120^\circ \\ y &= 80^\circ \\ t &= 20^\circ \end{aligned} \quad \begin{aligned} y &= \frac{z+t}{2} \quad (۰/۲۵) \\ x &= \frac{z-t}{2} \quad (۰/۲۵) \end{aligned} \quad \begin{aligned} x+y &= z \quad (۰/۲۵) \\ x+80^\circ &= 120^\circ \quad (۰/۲۵) \\ x &= 40^\circ \end{aligned}$$

روش سوم:

تذکر: در صورت به دست آوردن جواب به کمک رابطه  $x + y = z$  بدون اثبات، فقط (۰/۵) نمره تعلق گیرد.

مشابه تمرین ۲ صفحه ۱۶

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش Azmoon.edu.ir			راهنمای نمره‌گذاری
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف

۱.۲۵	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> $\begin{cases} \widehat{P} = \widehat{P} & (۰/۲۵) \\ \widehat{T_1} = \widehat{B} = \frac{\widehat{TA}}{۲} & (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow \overbrace{PAT \sim PBT}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow \frac{PT}{PA} = \frac{PB}{PT} \Rightarrow PT^۲ = PA \times PB$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p>	<p>روش اول:</p> <p>از نقطه <math>T</math> به <math>A</math> و <math>B</math> وصل می‌کنیم.</p>	
۵	<p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> $\overbrace{PN \times PM = PA \times PB}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow (d - R)(d + R) = PA \times PB$ $\Rightarrow \underbrace{PA \times PB = d^۲ - R^۲}_{(۰/۲۵)} \quad (۱)$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p> <p>از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه <math>\triangle OPT</math> داریم</p> $\overbrace{OT^۲ + PT^۲ = OP^۲}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow PT^۲ = d^۲ - R^۲ \quad (۲)$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p>	<p>روش دوم:</p> <p>نقطه <math>P</math> را به مرکز دایره وصل می‌کنیم و امتداد می‌دهیم. سپس نقاط برخورد با دایره را <math>M</math> و <math>N</math> می‌نامیم. قرار می‌دهیم <math>OP = d</math>. پس</p>	
۶	$\overbrace{OT^۲ + PT^۲ = OP^۲}^{(۰/۲۵)} \Rightarrow PT^۲ = d^۲ - R^۲ \quad (۲)$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p> <p>بنابر روابط (۱) و (۲) داریم <math>PT^۲ = PA \times PB</math> (درصورتی که <math>PA</math> از مرکز بگذرد، اثبات به روش مشابه برقرار است)</p> <p style="text-align: right;">قضیه صفحه ۱۹</p>		
۱.۵	<p>فرض کنیم طول خط‌المرکzin دو دایره برابر <math>d</math> و طول شعاع‌های آنها <math>R</math> و <math>R'</math> باشد. (<math>R &gt; R'</math>)</p> $= \sqrt{d^۲ - (R + R')^۲}$ <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p> <p>طول مماس مشترک خارجی و <math>= \sqrt{d^۲ - (R - R')^۲}</math></p> <p style="text-align: right;">(۰/۲۵)</p> <p>درنتیجه</p> $\underbrace{10^۲ = 26^۲ - (R + R')^۲}_{(۰/۲۵)}$ <p style="text-align: right;">و <math>\underbrace{24^۲ = 26^۲ - (R - R')^۲}_{(۰/۲۵)}</math></p> $\Rightarrow R + R' = 24 \quad , \quad R - R' = 10 \Rightarrow \underbrace{R = 17, R' = 7}_{(۰/۵)}$		
		مشابه تمرین ۵ صفحه ۲۳	

پایه: یازدهم	رشته: ریاضی و فیزیک	تاریخ آزمون: ۰۷/۰۳/۱۴۰۴	راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)
ساعت شروع: ۰۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: .....	
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴	دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف

روش اول:

$$\underbrace{S = \frac{1}{2} a h_a}_{(+) / 25} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2S} \quad (1)$$

$$\text{به طور مشابه} \quad \underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2S}}_{(+) / 25}, \quad \underbrace{\frac{1}{h_b} = \frac{b}{2S}}_{(+) / 25} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c}}_{(+) / 25} = \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \underbrace{\frac{2P}{2S}}_{(+) / 25} = \frac{1}{r}$$

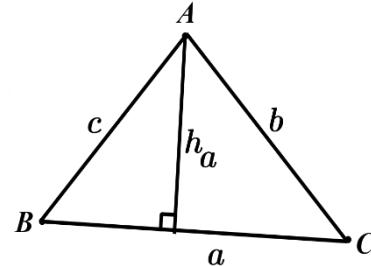
روش دوم:

با توجه به شکل داریم

$$\underbrace{h_a = c \sin B}_{(+) / 25} \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{1}{c \sin B} \quad (1)$$

$$\text{به طور مشابه} \quad \underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{1}{b \sin A}}_{(+) / 25}, \quad \underbrace{\frac{1}{h_b} = \frac{1}{a \sin C}}_{(+) / 25} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c}}_{(+) / 25} = \frac{1}{c \sin B} + \frac{1}{a \sin C} + \frac{1}{b \sin A}$$



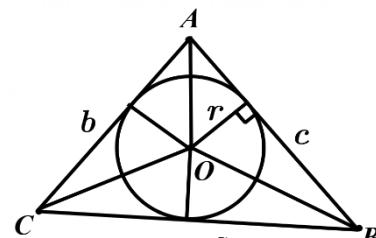
$$\begin{aligned} &= \frac{a}{ca \sin B} + \frac{b}{ab \sin C} + \frac{c}{bc \sin A} \\ &\quad (+) / 25 \\ &= \frac{a}{2S} + \frac{b}{2S} + \frac{c}{2S} = \frac{2P}{2S} = \frac{P}{S} = \frac{1}{r} \end{aligned}$$

روش سوم: ابتدا دایره محاطی داخلی مثلث را رسم می‌کنیم. حال با توجه به شکل داریم:

$$\underbrace{S_{OBC} + S_{OAC} + S_{OAB}}_{(+) / 25} = S_{ABC}$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \frac{1}{2} ar + \frac{1}{2} br + \frac{1}{2} cr = S = \frac{1}{2} ah_a \\ &\Rightarrow h_a = \frac{ar + br + cr}{a} = \frac{2rP}{a} \Rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a}}_{(+) / 25} = \frac{a}{2rP} \quad (1) \end{aligned}$$

$$\text{به طور مشابه} \quad \underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2rP}}_{(+) / 25}, \quad \underbrace{\frac{1}{h_b} = \frac{b}{2rP}}_{(+) / 25} \quad (2)$$



$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c}}_{(+) / 25} = \frac{a}{2rP} + \frac{b}{2rP} + \frac{c}{2rP} = \frac{2P}{2rP} = \frac{1}{r}$$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: .....	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	وقت تهران
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه			۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش		تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد	

ردیف	راهنمای نمره‌گذاری	نمره
------	--------------------	------

روش چهارم:

$$\underbrace{S = \frac{1}{2} a h_a}_{(+) / 25} \Rightarrow rP = \frac{1}{2} a h_a \Rightarrow \frac{1}{h_a} = \frac{a}{2rP} \quad (1)$$

$$\underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{c}{2rP}}_{(+) / 25} \text{ به طور مشابه} , \quad \underbrace{\frac{1}{h_b} = \frac{b}{2rP}}_{(+) / 25} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{a}{2rP} + \frac{b}{2rP} + \frac{c}{2rP}}_{(+) / 25} = \underbrace{\frac{2P}{2rP}}_{(+) / 25} = \frac{1}{r}$$

روش پنجم: فرض کنیم  $R$  شعاع دایره محیطی مثلث باشد. پس

$$\left. \begin{aligned} S &= \frac{1}{2} ab \sin C = \frac{1}{2} ab \left( \frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \\ S &= \frac{1}{2} ah_a \end{aligned} \right\} \Rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} = \frac{2R}{bc}}_{(+) / 25}, \quad abc = 4RS \quad (1)$$

$$\underbrace{\frac{1}{h_c} = \frac{2R}{ab}}_{(+) / 25} \text{ به طور مشابه} , \quad \underbrace{\frac{1}{h_b} = \frac{2R}{ac}}_{(+) / 25} \quad (2)$$

$$\underbrace{(1), (2)}_{(+) / 25} \rightarrow \underbrace{\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{2R}{bc} + \frac{2R}{ac} + \frac{2R}{ba}}_{(+) / 25} = \underbrace{\frac{2R(a+b+c)}{abc}}_{(+) / 25} = \frac{4RP}{4RS} = \frac{1}{r}$$

تمرین ۵ صفحه ۳۰

روش اول:

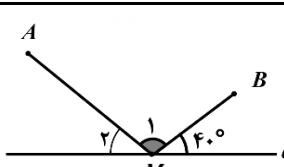
$$\begin{aligned} AB + CD &= \underbrace{(AM + BM)}_{(+) / 25} + \underbrace{(DP + CP)}_{(+) / 25} = \underbrace{(AQ + BN)}_{(+) / 25} + \underbrace{(DQ + CN)}_{(+) / 25} \\ &= \underbrace{(AQ + DQ)}_{(+) / 25} + \underbrace{(BN + CN)}_{(+) / 25} = \underbrace{AD + BC}_{(+) / 25} \end{aligned}$$

روش دوم:

$$\begin{aligned} AM = AQ = x, \quad QD = DP = y &\Rightarrow \begin{cases} MB = BN = AB - x \\ PC = NC = DC - y \end{cases} \quad (+ / 5) \\ \Rightarrow AD + CB &= \underbrace{(x + y)}_{(+) / 25} + \underbrace{(AB - x + CD - y)}_{(+) / 25} = \underbrace{AB + CD}_{(+) / 25} \end{aligned}$$

قضیه صفحه ۲۷

۸

۹	۰.۵	 $\underbrace{\hat{M}_1}_{(+ / 25)} = 40^\circ \Rightarrow \underbrace{\hat{M}_1}_{(+ / 25)} = 100^\circ$
---	-----	--

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲)	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷
تعداد صفحه: .....	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴			
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		ردیف

۱	<p>اگر <math>T</math> یک دوران به مرکز <math>O</math> و زاویه <math>\alpha</math> باشد، با توجه به شکل تحت <math>T</math> داریم:</p> $\underbrace{T(A) = A'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{T(B) = B'}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{OA = OA'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{OB = OB'}_{(۰/۲۵)}$ $\Rightarrow \underbrace{AB = OA + OB}_{(۰/۲۵)} = \underbrace{OA' + OB'}_{(۰/۲۵)} = A'B'$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>تذکر: به جواب مسئله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.</p>	۱۰
۱	<p>روش اول:</p> <p>ابتدا بازتاب نقطه <math>C</math> را تحت <math>BD</math> به دست می‌آوریم و آن را <math>C'</math> می‌نامیم. بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $\underbrace{S_{BC'DC}}_{(۰/۲۵)} = \underbrace{2S_{BDC}}_{(۰/۲۵)} = \underbrace{2\left(\frac{1}{2}CB \times CD \sin C\right)}_{(۰/۲۵)} = ۵ \times ۸ \times \frac{۱}{۲} = ۲۰$ <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p>	۱۱
۱.۲۵	<p>روش دوم:</p> <p>ارتفاع <math>BH</math> را رسم می‌کنیم. <math>\hat{C}_1 = ۳۰^\circ</math> لذا</p> $(۰/۲۵). BH = \frac{۱}{۲} BC = \frac{۵}{۲}$ <p>بنابراین میزان افزایش مساحت برابر است با:</p> $2S_{BDC} = 2\left(\frac{1}{2} BH \times CD\right) = 2\left(\frac{1}{2} \times \frac{۵}{۲} \times ۸\right) = ۲۰$ <p>مشابه تمرین ۵ صفحه ۵۴</p> <p>فرض کنیم <math>T</math> یک تبدیل طولپا باشد. در این صورت با توجه به شکل تحت <math>T</math> داریم</p> $\underbrace{T(O) = O'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{T(A) = A'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{T(B) = B'}_{(۰/۲۵)}$ <p>درنتیجه پاره خطهای <math>AB</math>, <math>OB</math>, <math>OA</math> و <math>O'B'</math>, <math>O'A'</math> و <math>O'B'</math> به ترتیب به پاره خطهای <math>A'B'</math>, <math>A'B'</math> و <math>O'B'</math> تصویر می‌شود. (۰/۲۵) چون تبدیل طولپاست داریم:</p> $\underbrace{OA = OA'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{OB = OB'}_{(۰/۲۵)}, \quad \underbrace{AB = A'B'}_{(۰/۲۵)}$ <p>رسم تصویر زاویه (۰/۲۵)</p> $\Rightarrow \underbrace{\triangle AOB \cong \triangle A'O'B'}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\hat{O} = \hat{O'}}_{(۰/۲۵)}$ <p>تذکر: به جواب مسئله، با رسم شکل و به صورت نوشتار فارسی به طور کامل، نیز نمره کامل داده شود.</p>	۱۲

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک رشته: ریاضی هم	ساعت شروع: ۷:۳۰ مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
نمره	راهنمای نمره‌گذاری	ردیف

روش اول: اگر  $S$  و  $S'$  به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$S - S' = 10 \Rightarrow S - \frac{4}{9}S = 10 \Rightarrow S = 18$$

$(\cdot/25)$        $(\cdot/5)$        $(\cdot/25)$

رسم شکل  $(\cdot/25)$

روش دوم: اگر  $S$  و  $S'$  به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$S - S' = 10 \Rightarrow AB \times AD - A'B' \times A'D' = AB \times AD - \frac{2}{3}AB \times \frac{2}{3}AD = 10 \Rightarrow S = AB \times AD = 18$$

$(\cdot/25)$        $(\cdot/5)$        $(\cdot/25)$

رسم شکل  $(\cdot/25)$

روش سوم: اگر  $S$  و  $S'$  به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشد داریم:

$$\frac{S'}{S} = k^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9} \Rightarrow \frac{S - S'}{S} = \frac{5}{9} \Rightarrow \frac{10}{S} = \frac{5}{9} \Rightarrow S = 18$$

$(\cdot/5)$        $(\cdot/25)$        $(\cdot/25)$

رسم شکل  $(\cdot/25)$

روش چهارم: فرض کنیم  $S$  و  $S'$  به ترتیب مساحت مستطیل و تصویرش باشند و  $\alpha$  یکی از زاویه‌های بین دو قطر مستطیل باشد. می‌دانیم در هر مثلث میانه، مثلث را به دو مثلث هم مساحت تقسیم می‌کند بنابراین:

$$\begin{aligned} S - S' &= 10 \Rightarrow 4S_{OAB} - 4S_{OA'B'} = 10 \\ &\quad (\cdot/25) \\ &\Rightarrow 4\left(\frac{1}{2}OA \times OB \times \sin \alpha\right) - 4\left(\frac{1}{2}OA' \times OB' \times \sin \alpha\right) = 10 \\ &\quad (\cdot/25) \\ &\Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha - \frac{4}{9}OA \times OB \times \sin \alpha = 5 \Rightarrow OA \times OB \times \sin \alpha = 9 \\ &\quad (\cdot/25) \\ &\Rightarrow S = 4\left(\frac{1}{2} \times OA \times OB \times \sin \alpha\right) = 18 \quad (\cdot/25) \end{aligned}$$

رسم شکل  $(\cdot/25)$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		

۱.۵

روش اول:

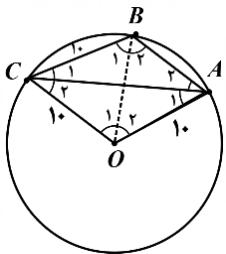
$$\frac{BC}{\sin A} = \frac{AC}{\sin B} = 2R \Rightarrow \frac{10}{\sin A} = \frac{AC}{\sin 135^\circ} = 2 \times 10$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \sin A = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow A = 150^\circ \vee A = 30^\circ \\ AC = 20 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 10\sqrt{2} \end{cases}$$

روش دوم:

دایره محیطی مثلث را رسم می‌کنیم. مطابق شکل داریم:

$$OA = OC = OB = CB = 10$$



$$\Rightarrow \begin{cases} \angle COB : \angle O_1 = \angle B_1 = 60^\circ & (1) \\ \angle B_1 + \angle B_2 = 135^\circ & \end{cases} \Rightarrow \angle B_2 = 75^\circ \quad (0/25)$$

$$\Rightarrow \angle AOB : \angle A_1 + \angle A_2 = \angle B_2 = 75^\circ \Rightarrow \angle A_1 = 30^\circ \quad (0/25)$$

$$\stackrel{(1),(2)}{\Rightarrow} \angle AOC = 90^\circ \Rightarrow CA = \sqrt{10^2 + 10^2} = 10\sqrt{2} \quad (0/5)$$

$$\angle AOC = 90^\circ \Rightarrow \angle COA : \angle C_1 = \angle A_1 = 45^\circ \Rightarrow \angle C_1 = 30^\circ \quad (0/5)$$

۱۴

روش سوم:

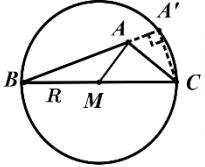
در مثلث ABC، اگر  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $BC = a = 10$ ,  $\sin A = \frac{1}{\sqrt{2}}$  با فرض این که  $S$  مساحت مثلث باشد داریم:

$$S = \frac{1}{2}ac \sin B \Rightarrow S = \frac{1}{2} \times 10 \times c \times \sin 135^\circ = \frac{5\sqrt{2}}{2}c \quad (1)$$

$$S = \frac{1}{2}ab \sin C = \frac{1}{2}ab \left( \frac{c}{2R} \right) = \frac{abc}{4R} \Rightarrow R = \frac{abc}{4S} \stackrel{(1)}{\Rightarrow} 10 = \frac{10bc}{4 \times \frac{5\sqrt{2}}{2}c} \Rightarrow AC = b = 10\sqrt{2}$$

$$S = \frac{1}{2}bc \sin A = \frac{5\sqrt{2}}{2}c \Rightarrow \sin A = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \angle A = 150^\circ \vee \angle A = 30^\circ \quad (0/5)$$

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۰۷/۰۳/۱۴۰۴	پایه: یازدهم رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۰۷:۳۰ به وقت تهران مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	راهنمای نمره‌گذاری		

ردیف	نمره	راهنمای نمره‌گذاری	روش اول:
۰.۷۵			$a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 - 2bc \cos A > b^2 + c^2 \Leftrightarrow -2bc \cos A > 0 \Leftrightarrow \cos A < 0 \Leftrightarrow A > 90^\circ$ <span style="color:red">(۰/۲۵)</span> <span style="color:red">(۰/۲۵)</span> <span style="color:red">(۰/۲۵)</span>
			روش دوم:
			فرض کنیم $R$ شعاع دایره محیطی مثلث باشد. درنتیجه:
			$a^2 > b^2 + c^2 \Leftrightarrow 4R^2 \sin^2 A > 4R^2 \sin^2 B + 4R^2 \sin^2 C \quad (۰/۲۵)$ $\Leftrightarrow \sin^2 A > \sin^2 B + \sin^2 C \Leftrightarrow \sin^2(B+C) > \sin^2 B + \sin^2 C$ $\Leftrightarrow \sin^2 B \cos^2 C + \cos^2 B \sin^2 C + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > \sin^2 B + \sin^2 C$ $\Leftrightarrow \sin^2 B(\cos^2 C - 1) + \sin^2 C(\cos^2 B - 1) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0 \quad (۰/۲۵)$ $\Leftrightarrow \sin^2 B(-\sin^2 C) + \sin^2 C(-\sin^2 B) + 2 \sin B \cos B \sin C \cos C > 0.$ $\Leftrightarrow \cos B \cos C > \sin B \sin C \Leftrightarrow \cos B \cos C - \sin B \sin C > 0.$ $\Leftrightarrow \cos(B+C) > 0 \Leftrightarrow B+C < 90^\circ \Leftrightarrow A > 90^\circ \quad (۰/۲۵)$
۱۵			روش سوم:
			 <p>با توجه به شکل اگر <math>BC = a</math>, <math>AM = m_a</math> ابتدا ثابت می‌کنیم:</p> $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2}$
			دایره‌ای به قدر $BC$ و به مرکز $M$ وسط ضلع $BC$ می‌زنیم. با توجه به شکل و ویژگی‌های زاویه خارجی داریم:
			$a = 2R \quad (۰/۲۵)$ $2m_a < a \Leftrightarrow m_a < R \Leftrightarrow \hat{A} > 90^\circ \quad (۰/۲۵)$ <p>بنابراین:</p> $\hat{A} > 90^\circ \Leftrightarrow m_a < \frac{a}{2} \Leftrightarrow m_a < \frac{a^2}{4} \Leftrightarrow 2m_a < \frac{a^2}{2} \Leftrightarrow 2m_a + \frac{a^2}{2} < a^2 \Leftrightarrow b^2 + c^2 < a^2 \quad (۰/۵)$
			تمرین ۹ قسمت ب صفحه ۷۴
			الف) فرض کنیم $a = 6$ , $b = 10$ , $c = 14$
			$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C \Rightarrow 14^2 = 6^2 + 10^2 - 2(6)(10) \cos C \Rightarrow \cos C = -\frac{1}{2} \Rightarrow C = 120^\circ$ <span style="color:red">(۰/۲۵)</span> <span style="color:red">(۰/۲۵)</span> <span style="color:red">(۰/۲۵)</span>
			مشابه کار در کلاس ۲ صفحه ۶۵
۱.۲۵		$P = \frac{6+10+14}{2} = 15 \quad (۰/۲۵)$ $S = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = \sqrt{15 \times 9 \times 5 \times 1} = 15\sqrt{3} \quad (۰/۲۵)$ $S = \frac{1}{2} \times 6 \times h_a = 15\sqrt{3} \Rightarrow h_a = 5\sqrt{3} \quad (۰/۲۵)$	(ب)

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی	پایه: یازدهم
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	به وقت تهران	تعداد صفحه: ..... دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنتی، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	راهنمای نمره‌گذاری		
نمره	راهنمای نمره‌گذاری		

روش اول:

با فرض  $BD = x$  درنتیجه  $DC = 12 - x$

$$\frac{AB}{BD} = \frac{AC}{DC} \Rightarrow \frac{5}{x} = \frac{15}{12-x} \Rightarrow x = 3 \Rightarrow BD = 3, DC = 9$$

(+/۵) (+/۲۵)

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = 5 \times 15 - 3 \times 9 = 48 \Rightarrow AD = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$$

(+/۵) (+/۲۵)

توجه: برای به دست آوردن  $BD$ ,  $DC$  روش‌های زیر قابل قبول است:

$$BD = \frac{12 \times 5}{15 + 5} = 3 \Rightarrow CD = 9$$

(+/۵) (+/۲۵)

یا

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \Rightarrow \frac{AB}{AC + AB} = \frac{BD}{DC + BD} \Rightarrow \frac{5}{20} = \frac{3}{12} \Rightarrow BD = 3, DC = 9$$

(+/۲۵) (+/۲۵) (+/۲۵)

روش دوم:

$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75}$$

(+/۲۵)

$$\Rightarrow \cos^2(\frac{A}{2}) = \frac{1 + \cos A}{2} = \frac{1 + \frac{53}{75}}{2} \Rightarrow \cos(\frac{A}{2}) = \frac{1}{5\sqrt{3}}$$

(+/۲۵)

$$AD = d_a = \frac{2bc \cos(\frac{A}{2})}{b+c} = \frac{2 \times 5 \times 15 \times \frac{1}{5\sqrt{3}}}{15+5} = 4\sqrt{3}$$

(1)

۱۷

روش سوم:

$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75}$$

(+/۲۵)

$$\sin^2(\hat{A}_1) = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin \hat{A}_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \Rightarrow CH = \sqrt{33}$$

(+/۵)

$$S_{ABC} = \sqrt{P(P-a)(P-b)(P-c)} = 8\sqrt{11}$$

(+/۲۵)

$$\frac{S_{ABD}}{S_{ADC}} = \frac{5}{15} \Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADC}} = \frac{20}{15} \Rightarrow S_{ADC} = 6\sqrt{11}$$

(+/۲۵)

$$S_{ADC} = 6\sqrt{11} = \frac{1}{2} AD \times CH \Rightarrow AD = 4\sqrt{3}$$

(+/۲۵)

راهنمای نمره‌گذاری آزمون نهایی درس: هندسه (۲) تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۳/۰۷	پایه: ریاضی و فیزیک	رشته: ریاضی	پایه: یازدهم
ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	.....	تعداد صفحه:
دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه دانش آموزان روزانه، بزرگسالان، آموزش از راه دور، اینترنت، داوطلبان آزاد و متقاضیان ایجاد و یا ترمیم سابقه			۱۴۰۴
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش	تحصیلی (داخل و خارج از کشور) - خرداد ۱۴۰۴		ردیف

روش چهارم:

$$12^2 = 15^2 + 5^2 - 2 \times 15 \times 5 \times \cos A \Rightarrow \cos A = \frac{53}{75} \quad (0 / 25)$$

$$\sin^2 \hat{A}_1 = \frac{1 - \cos \hat{A}}{2} = \frac{11}{75} \Rightarrow \sin \hat{A}_1 = \frac{\sqrt{33}}{15} \quad (0 / 25)$$

$$\cos B = \frac{20+144-225}{120} = -\frac{7}{15} \Rightarrow \sin B = \frac{4\sqrt{11}}{15} \quad (0 / 5)$$

$$\frac{AD}{\sin B} = \frac{BD}{\sin \hat{A}_1} \Rightarrow \frac{AD}{\frac{4\sqrt{11}}{15}} = \frac{5}{\frac{\sqrt{33}}{15}} \Rightarrow AD = 4\sqrt{3} \quad (0 / 5)$$

روش پنجم:

در مثلث  $ABC$ ، اگر  $AB = c$ ,  $AC = b$ ,  $BC = a$  مساحت و  $2P$  محیط مثلث باشد داریم:

$$AD^2 = AB \times AC - BD \times DC = bc - \frac{ac}{b+c} \times \frac{ab}{b+c} = \frac{bc((b+c)^2 - a^2)}{(b+c)^2} = \frac{bc(2P - a)(2P)}{(b+c)^2} \quad (0/5)$$

$$\frac{bc(2P - a)(2P)}{(b+c)^2} = \frac{4bcP(P-a)}{(b+c)^2} \Rightarrow AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} \quad (0/25)$$

$$AD = \frac{2}{b+c} \sqrt{bcP(P-a)} = \frac{2}{20} \sqrt{16 \times 5 \times 15 \times 4} = 4\sqrt{3} \quad (0/25)$$

تذکر: در صورت عدم اثبات فرمول فوق، فقط نمره خط آخر یعنی  $(0 / 25)$  منظور گردد.

مشابه تمرين ۲ صفحه ۷۰

همکار ممتاز، از زهات شما سپاسگزاریم. لطفا به موارد زیر دقیق فرمایید:

- تاکید می‌شود که ملاک نمره‌گذاری، راهنمای نمره‌گذاری است و از اعمال سلیقه خودداری شود. اما برای پاسخ‌های صحیح دیگر هر سوال به تناسب، نمره منظور شود تا حقی از دانش آموز ضایع نشود.
- در این راهنمای نمره‌گذاری، برخی سوالات از چندین روش حل شده است (برخی از روش‌ها فقط فرم نگارش آن متفاوت با روش‌های دیگر است). اما در کتاب درسی، اکثر این سوالات به روش نخست حل شده‌اند. رائمه این روش‌ها فقط به جهت درنظر گرفتن روش‌های احتمالی دانش آموزان و اختصاص نمره به ایشان است و پرداختن به این روش‌ها در کلاس درس توصیه نمی‌شود.
- معمولًا، رسیدن به جواب نهایی سوال، در چند مرحله انجام می‌شود. در صورتی که دانش آموز در مراحل ابتدایی اشتباه کرده باشد، اما با توجه به آن اشتباه بقیه موارد را درست انجام داده باشد، فقط نمره آن اشتباه کسر شود و به بقیه مراحل درست، نمره داده شود.
- این راهنمای نمره‌گذاری، در ساعات اولیه بعد از برگزاری امتحان به صورت غیرقابل استناد منتشر می‌شود و پس از بررسی نهایی، به صورت رسمی و قابل استناد منتشر می‌شود. لطفا دقیق فرمایید که نمره‌گذاری شما بر طبق راهنمای نهایی و قابل استناد باشد.